

# TEORIJA SAOBRAĆAJNOG TOKA

*VIII 2013*

## EMPIRIJSKI MODELI MEĐUZAVISNOSTI OSNOVNIH PARAMETARA SAOBRAĆAJNOG TOKA

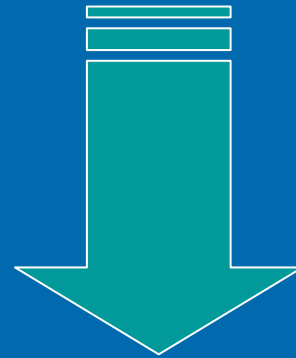


Prof.dr Vladan Tubić

Teorijska uopštavanja:  
PRIBL. IDEALAN SAOBRAĆAJNI TOK

\*

IDEALNI USLOVI PUTA I AMBIJENTA



Empirijska istraživanja:  
JEDNOSMERNI SAOBRAĆAJNI TOK  
PUTNIČKIH AUTOMOBILA ( $P_{PA} \approx 100\%$ )

\*

IDEALNI ILI PRIBLIŽNO IDEALNI USLOVI PUTA I AMBIJENTA

Jedan od ciljeva prvih empirijskih istraživanja bilo je  
***proveravanje fundamentalnih relacija između  
osnovnih parametara saobraćajnog toka***

Osnovni rezultati empirijskih istraživanja izloženi su kroz:

- ✱ Empirijske modele zavisnosti *srednje prostorne brzine toka od gustine toka*

$$V_s = f(g)$$

- ✱ Empirijske modele zavisnosti *protoka vozila od gustine toka*

$$q = f(g)$$

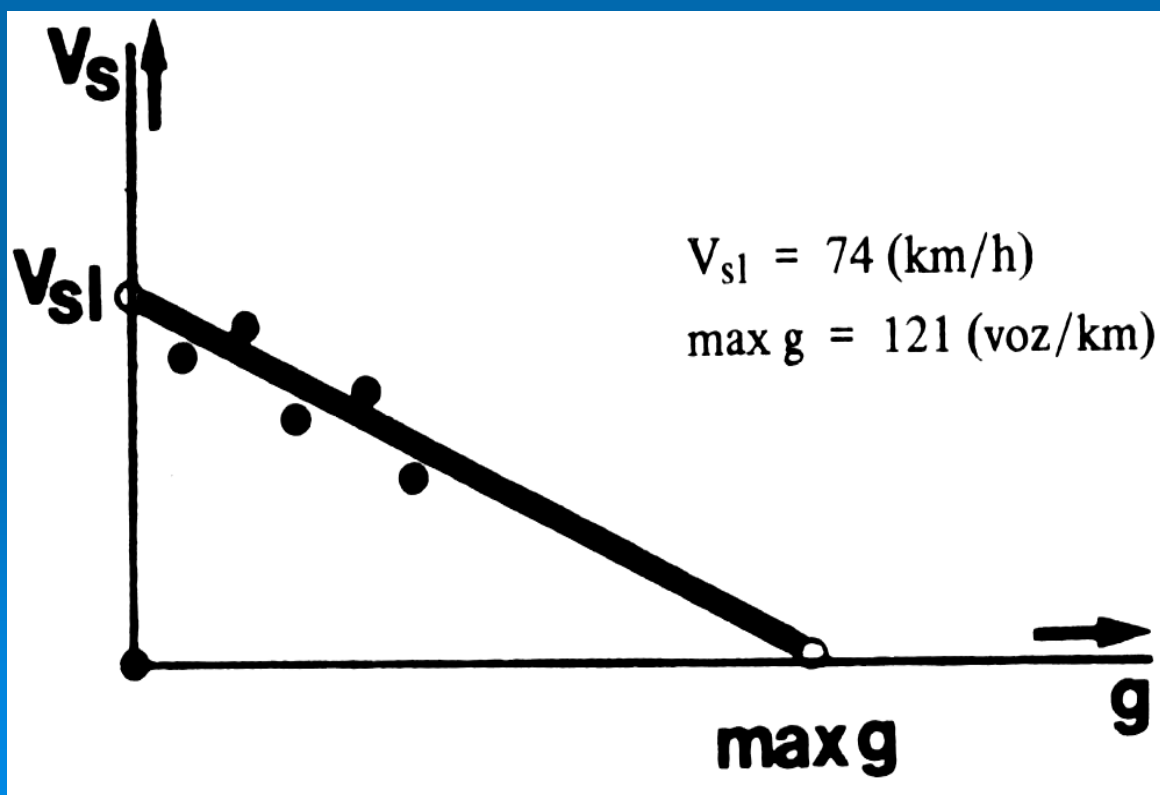
- ✱ Empirijske modele zavisnosti *srednje prostorne brzine toka od protoka vozila*

$$V_s = f(q)$$

# Empirijski modeli zavisnosti srednje prostorne brzine toka od gustine toka

## LINEARNI MODEL "BRZINA – GUSTINA"

Greenshields:



$$V_s = V_{sl} - V_{sl} \cdot g / \max g$$

$$V_s = V_{sl} (1 - g / \max g)$$

$$V_s = 74 - 0.612 g$$

$V_s$  – srednja prostorna brzina toka

$V_{sl}$  – brzina slobodnog toka

$g$  – gustina toka

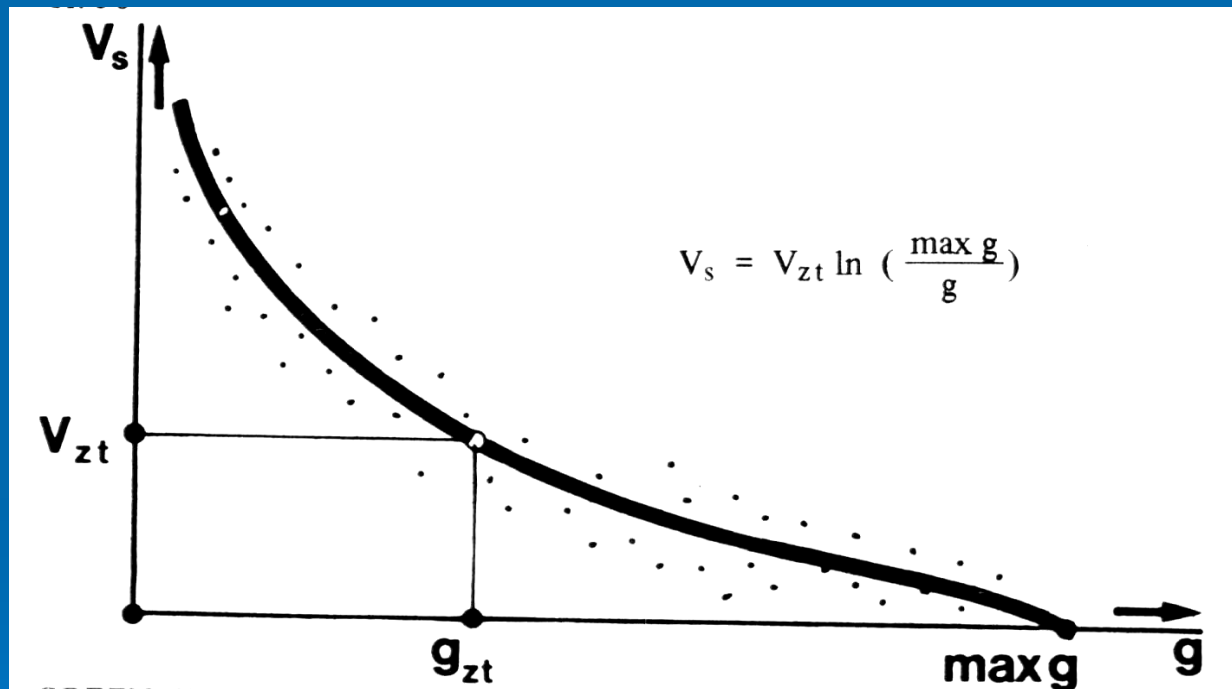
**max  $g$**  – teorijski maksimalna gustina toka pri kojoj prestaje kretanje

✱ **Slaganje sa empirijskim podacima za tokove male i srednje gustine**

✱ **Realan tok bliži idealnom toku → linearnost veze  $V_s - g$  čvršća**

## LOGARITAMSKI MODEL "BRZINA – GUSTINA"

Greenberg:



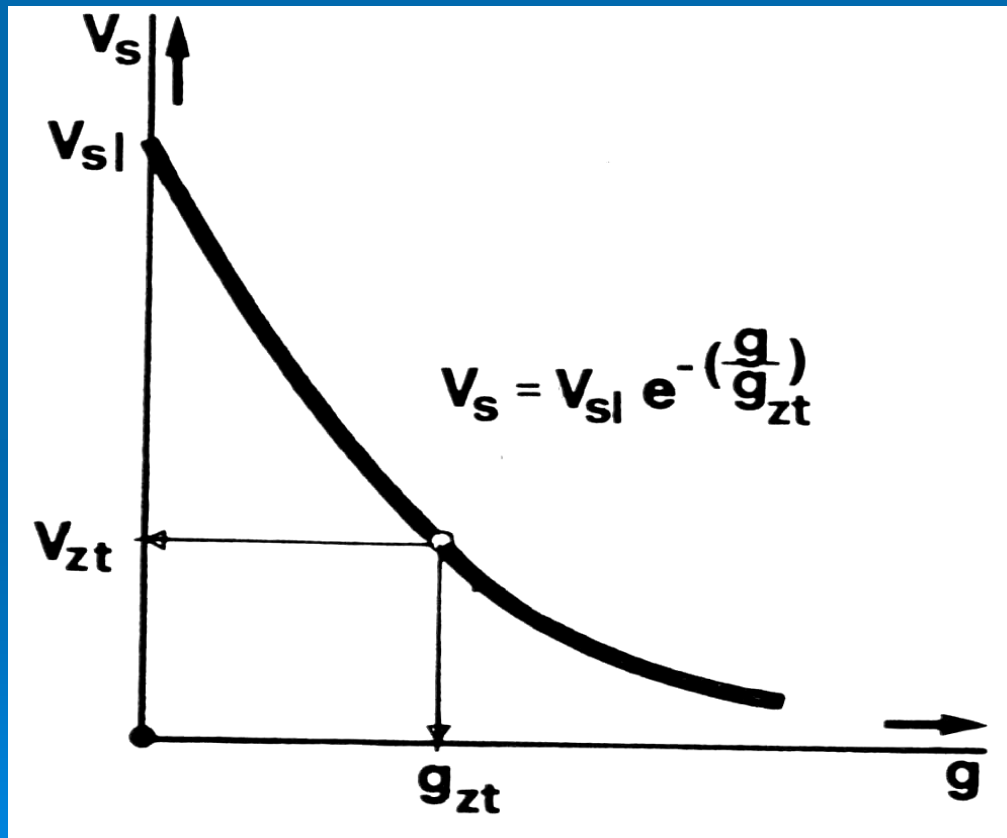
$$V_s = 27.7 \ln (1.41/g)$$

$$V_{zt} = 27.7 \text{ km/h}$$
$$\max g = 141 \text{ voz/km}$$

- ✱ Slaganje između iznetog modela i praktično izmerenih vrednosti za tok velike gustine
- ✱ Neslaganje kada  $g \rightarrow 0$

## EKSPONENCIJALNI MODEL "BRZINA – GUSTINA"

Underwood:



Nedostatak

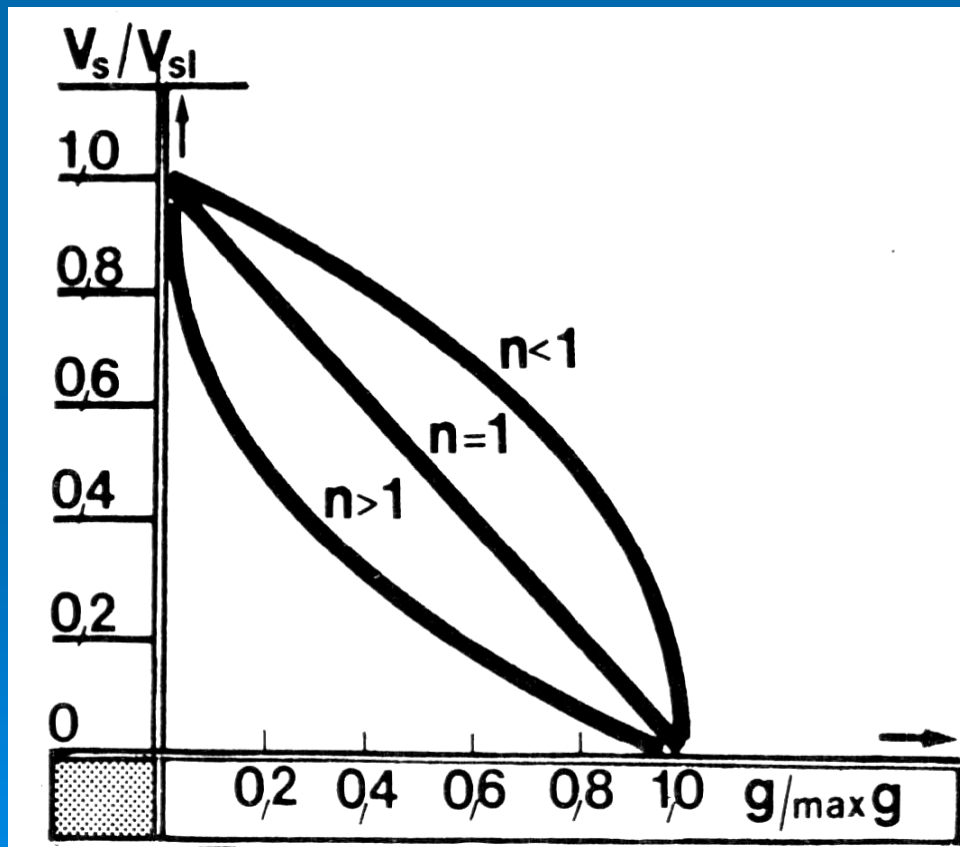
Kad

$g \rightarrow g_{\max.}$

$V_s \rightarrow ?$

## OPŠTI OBLIK JEDNOREŽIMSKIH MODELA "BRZINA – GUSTINA"

- PIPES I MUNJAL – relacija  $V_s - g$  opisana jednim modelom opšteg oblika



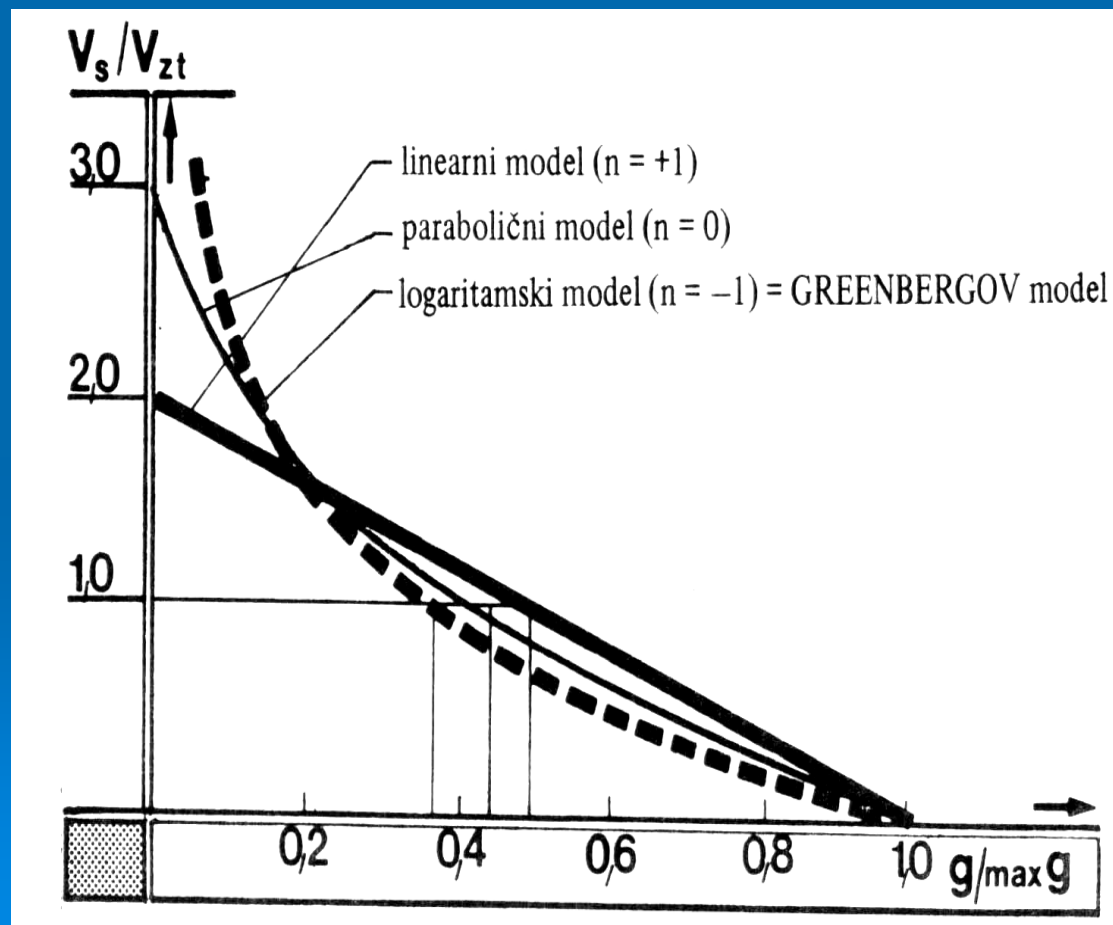
$$V_s = V_{SL} (1 - g / \max g)^n$$

$n$  – realan broj veći od nule

Za  $n = 1$ ,  
opšti model se svodi na  
Greenshields – ov linearni model



☀ DREW – opšti model  $V_s - g$



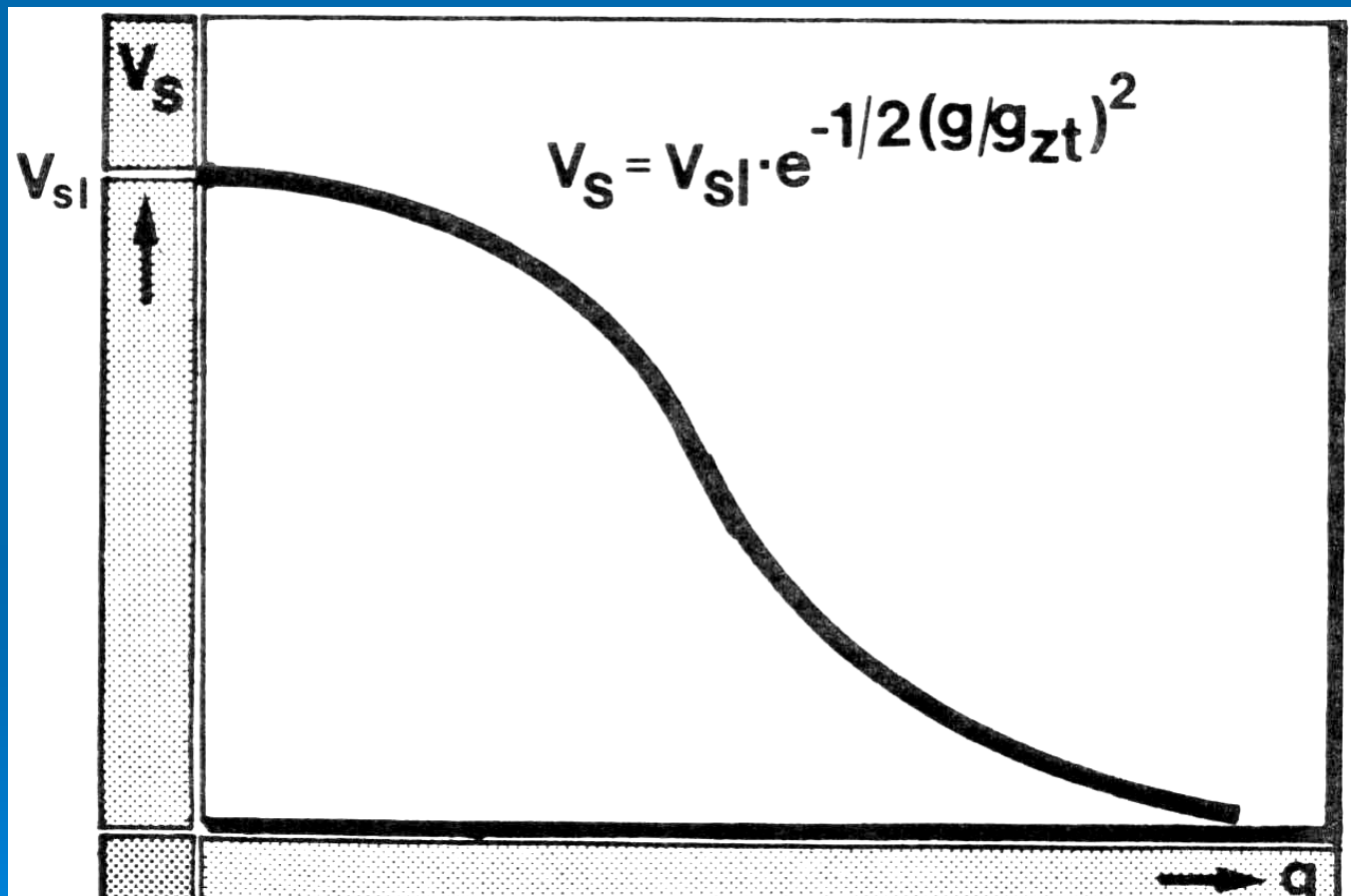
$$dV_s / dg = V_{zt} g^{(n-1)/2}$$

**n – realan broj**

za  $n = -1$   
model se svodi na  
Greenbergov  
logaritamski model

## MODEL ZVONASTE KRIVE ZA RELACIJU "BRZINA – GUSTINA" C

Drake:

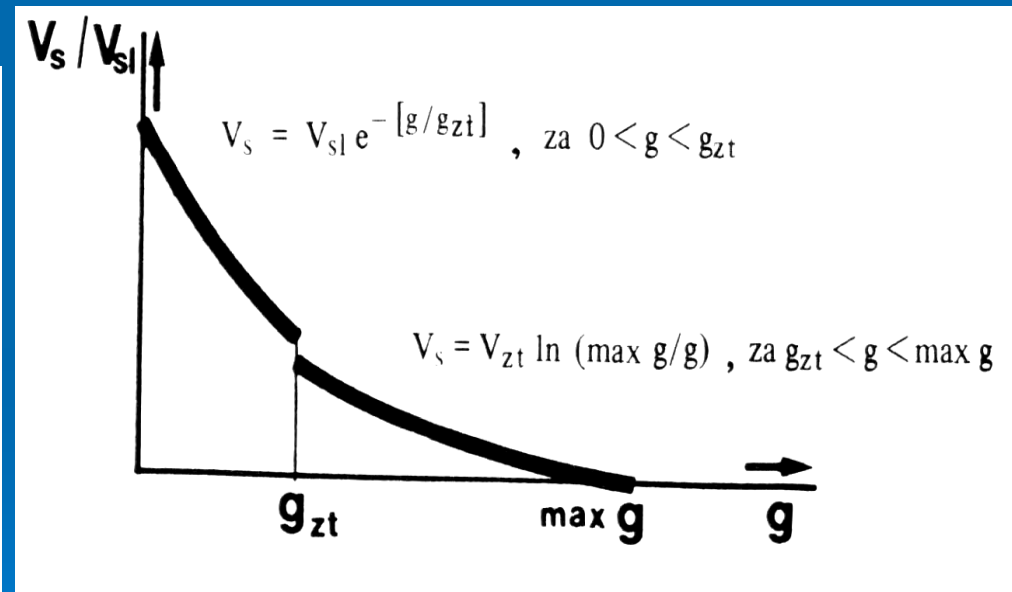
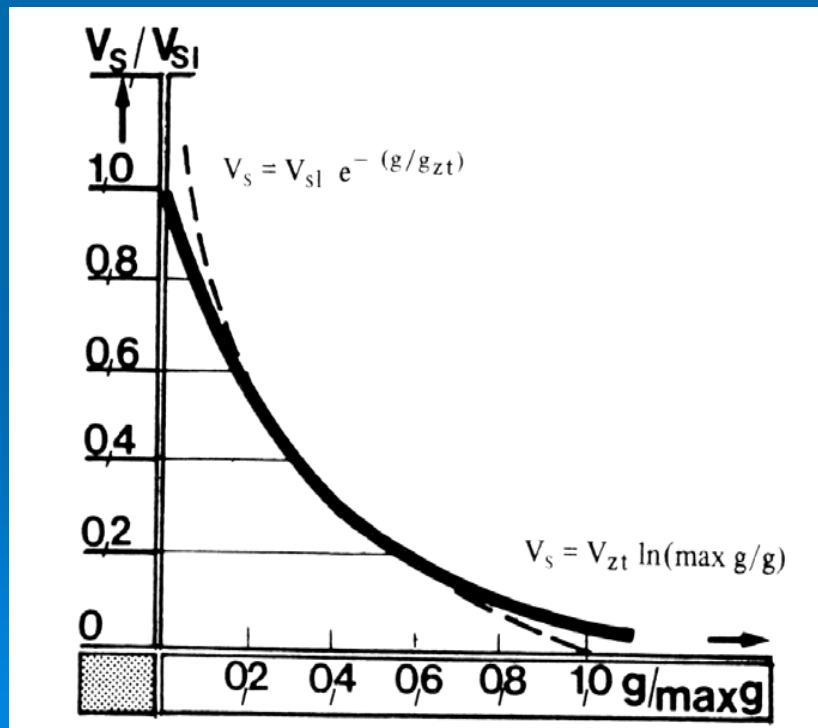


Zvonasta ili normalna kriva kao opšti oblik modela

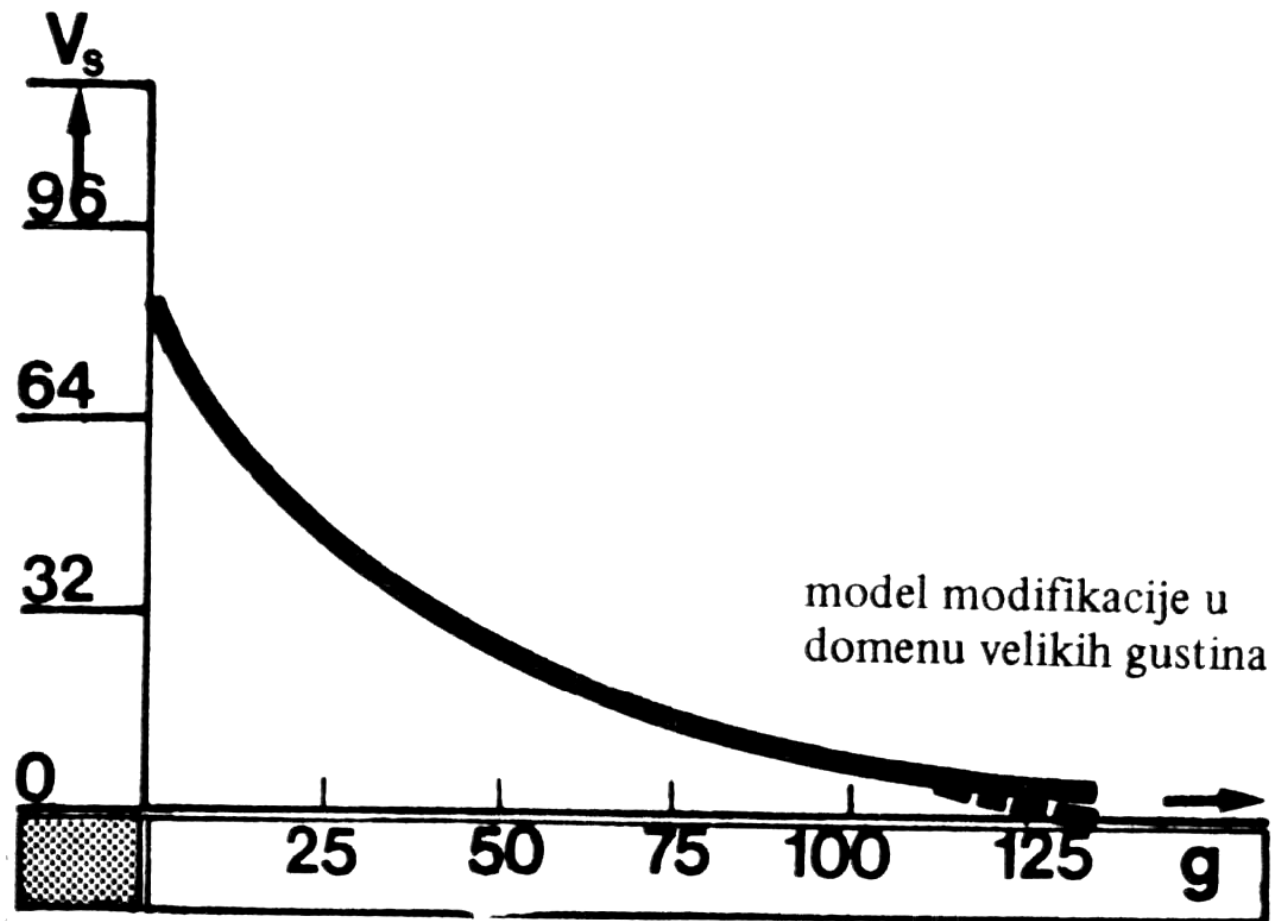
## VIŠEREŽIMSKI MODELi "BRZINA – GUSTINA"

✱ Edie – ov dvorežimski model "brzina – gustina"

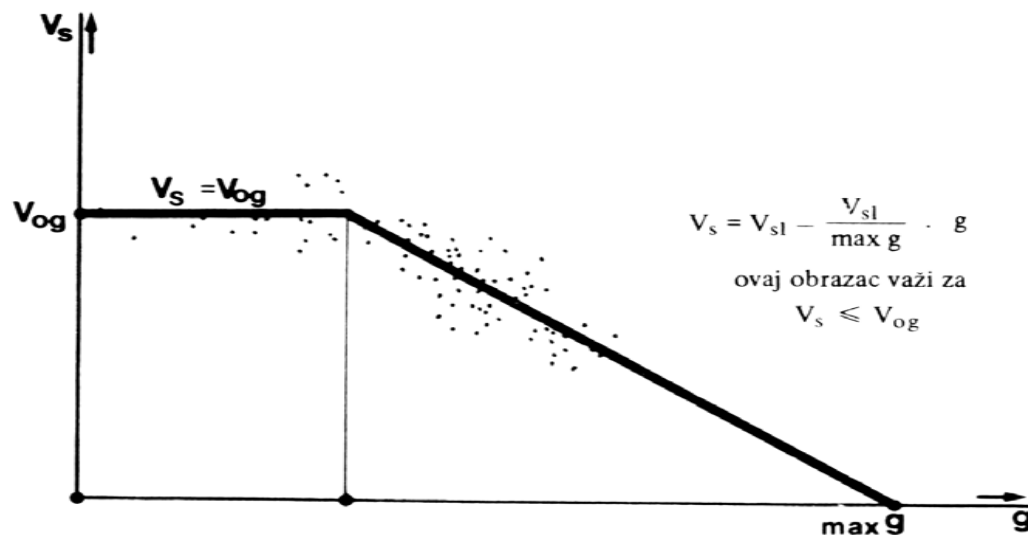
**Greenberg + Underwood = dvorežimski model**



✱ Underwood – ov dvorežimski model “brzina – gustina”

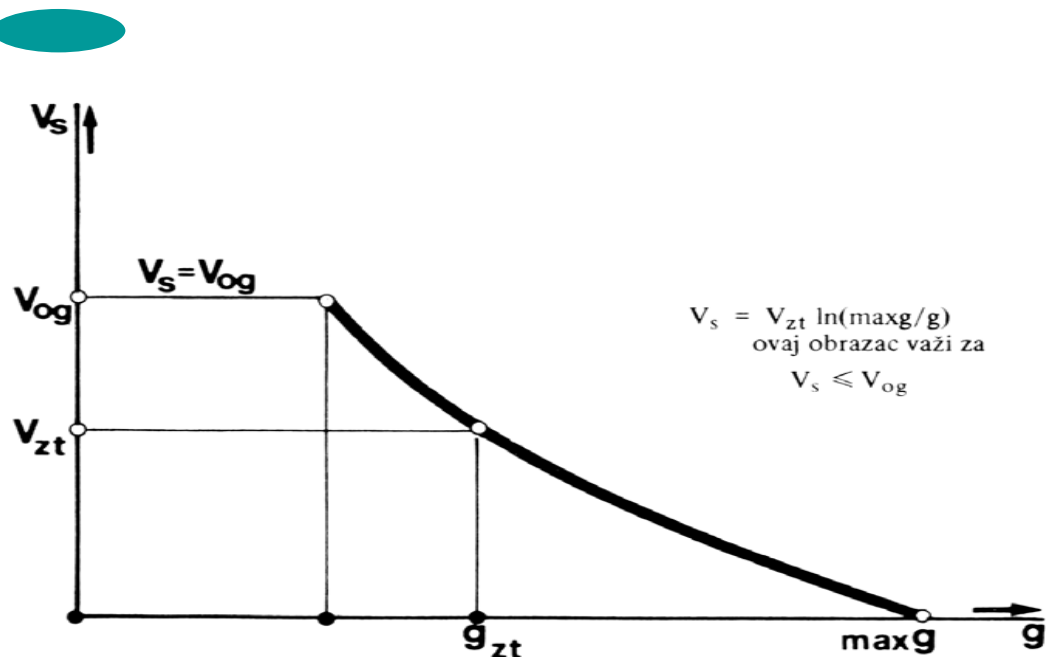


## ☀ Dick – ov dvorežimski model “brzina – gustina”



**Uslovi odvijanja saobraćaja koji vladaju na gradskim saobraćajnicama – najveće brzine limitirane merama regulative**

**Limitirane najveće brzine pri malim gustinama + Greenshields**



**Limitirane najveće brzine pri malim gustinama + Greenberg**

## ☀ **Hipotetički petorežimski model “brzina – gustina”**

Generalno se definišu međuzavisnosti osnovnih parametara saobraćajnog toka u realnim, ali približno idealnim putnim i saobraćajnim uslovima, sa ciljem:

- pružanja osnove za što pouzdaniju interpretaciju međuzavisnosti osnovnih parametara saobraćajnog toka u realnim putnim i saobraćajnim uslovima
- da se kroz odgovarajući model istakne kvalitet (stanje) saobraćajnog toka (slobodan, normalan, zasićen i forsiran) koji se koristi u rešavanju praktičnih zadataka

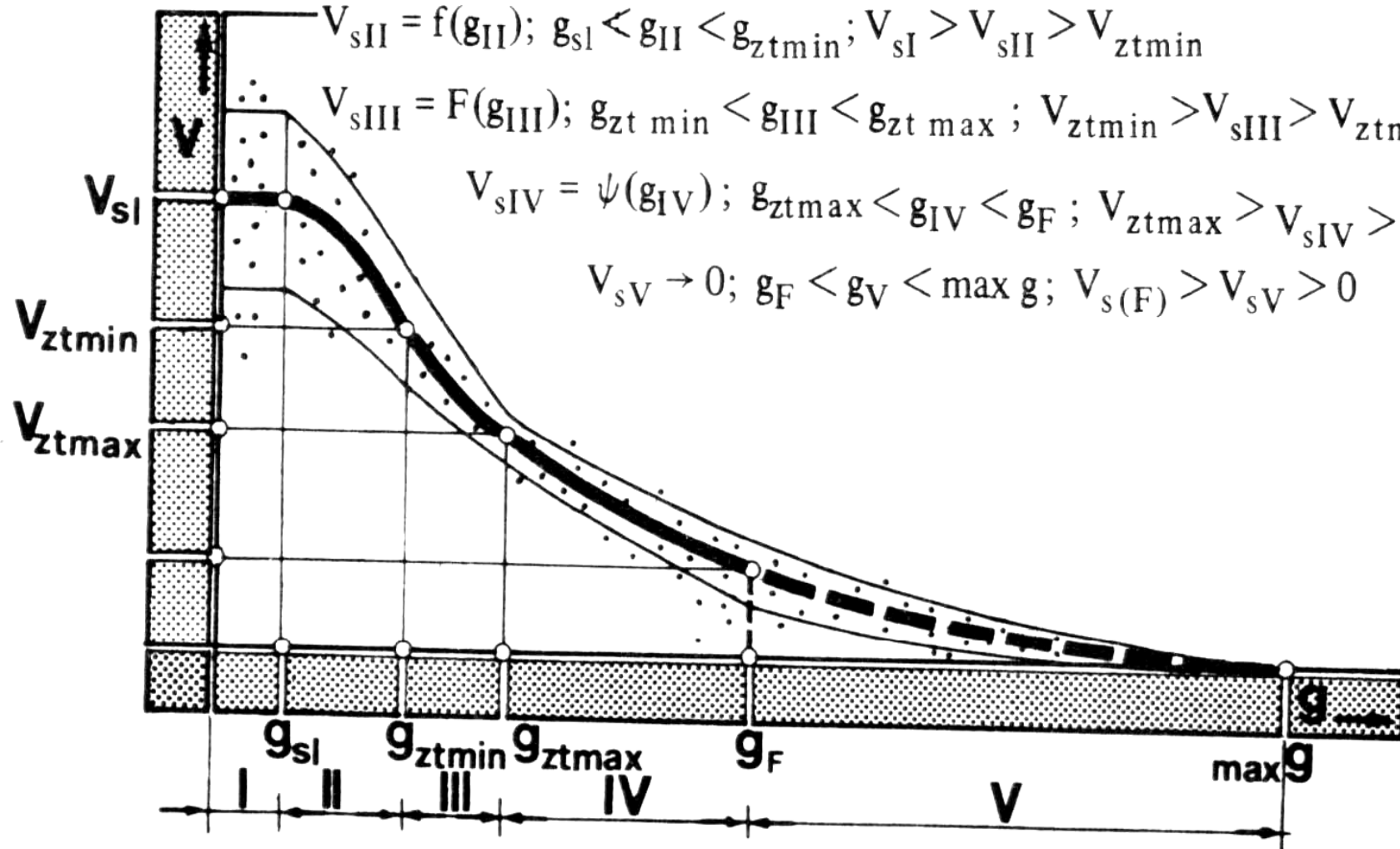
$$V_{sI} = V_{s(sI)}; V_{sI} \neq f(g); 0 < g_I < g_{sI}; \max V_{s(sI)} > V_{sI} > \min V_{s(sI)}$$

$$V_{sII} = f(g_{II}); g_{sI} < g_{II} < g_{ztmin}; V_{sI} > V_{sII} > V_{ztmin}$$

$$V_{sIII} = F(g_{III}); g_{ztmin} < g_{III} < g_{ztmax}; V_{ztmin} > V_{sIII} > V_{ztmax}$$

$$V_{sIV} = \psi(g_{IV}); g_{ztmax} < g_{IV} < g_F; V_{ztmax} > V_{sIV} > V_F$$

$$V_{sV} \rightarrow 0; g_F < g_V < \max g; V_{s(F)} > V_{sV} > 0$$



# ORIJENTACIONE VREDNOSTI REPERNIH GUSTINA TOKA

➤ **Režim I:**

$0 < g_I < g_{sI}$  : orijentaciona vrednost za  $g_{sI}$  je  $< 6$  (PA/km)

➤ **Režim II:**

$g_{sI} < g_{II} < 34$  : orijentaciona vrednost za  $g_{zt\ min}$  je  $\approx 34$  (PA/km)

➤ **Režim III:**

$34 < g_{III} < 40$  : orijentaciona vrednost za  $g_{zt\ max}$  je  $\approx 40$  (PA/km)

➤ **Režim IV:**

$40 < g_{IV} < 80$  : orijentaciona vrednost za  $g_F$  je  $\approx 80$  (PA/km)

➤ **Režim V:**

$80 < g_V < 120$  : orijentaciona vrednost za  $\max g$  je  $\approx 120$  (PA/km)



# ORIJENTACIONE VREDNOSTI SREDNJIH PROSTORNIH BRZINA TOKA

- **Režim I:**  $\max V_{s(sI)} > V_{sI} > \min V_{s(sI)}$
- **Režim II:**  $V_{s(sI)} > V_{sII} > 65$   $V_{Zt \max} \approx 65 \text{ km/h}$
- **Režim III:**  $65 > V_{sIII} > 55$   $V_{s(ZT)} \approx 60 (55) \text{ km/h}$
- **Režim IV:**  $55 > V_{sIV} > 10$   $V_{s(F)} \approx 20 (10) \text{ km/h}$
- **Režim V:**  $10 > V_{sV} > 0$   $V_{sV} \rightarrow 0$

# OSNOVNE KARAKTERISTIKE POJEDINIH REŽIMA

➤ **Režim I:  $0 < g_I < g_{sl}$  :**

$$V_s \neq f(g)$$

uslovi slobodnog toka

veliko rasipanje brzina

$$V_{sl} = f(\text{put} - \text{sistem "vozač - vozilo"} - \text{ambijent})$$

➤ **Režim II:  $g_{sl} < g_{II} < g_{zt \min}$  :**

$$V_s = f(g)$$

uslovi normalnog (stabilnog, polustabilnog i nestabilnog) toka

$$g_{zt \min} = f(\text{put} - \text{sistem "vozač - vozilo"} \text{ u saobr.toku} - \text{ambijent})$$

➤ **Režim III:  $g_{zt \min} < g < g_{zt \max}$  :**

$$V_s = f(g)$$

uslovi zasićenog toka

$$g_{zt \max} = f(\text{put} - \text{sistem "vozač - vozilo"} \text{ u saobraćajnom toku} - \text{ambijent})$$

➤ **Režim IV:  $g_{zt \max} < g < g_F$**

$V_s = f(g, \text{kolebanja brzina pojedinih vozila})$

uslovi forsiranog toka

$g_F = f(\text{put} - \text{sistem "vozač} - \text{vozilo"} \text{ u forsiranom kolebljivom saobraćajnom toku - ambijent})$

$$g_F \approx 2 g_{zt \max}$$

➤ **Režim V:  $g_F < g < \max g$  :**

$\max g$  praktično se ne ostvaruje

$g > g_F \rightarrow$  prestaje direktna zavisnost  $V_s$  od  $g$

tok praktično ne egzistira, pa ni brzina toka

# FENOMEN HISTEREZE U SAOBRAĆAJNOM TOKU

- Prosečna odstojanja između vozila, pa time i gustine, nisu iste kod jednakih trenutnih brzina ako se uporede faze usporenja sa fazom ubrzanja

